


□ 4

(1)  
$$\begin{cases} \textcircled{7} = \textcircled{8} + 1500 \\ \textcircled{5} = \textcircled{7} + 750 \end{cases} \rightarrow \begin{cases} \textcircled{1} = 500 \\ \textcircled{11} = 250 \end{cases}$$

よって、(ア):  $500 \times 7 = 3500$  //, (イ):  $500 \times 5 = 2500$  //

(2)  $1+2+\dots+13=91$  より、100日目はAは13周、Bは1周の9日後。

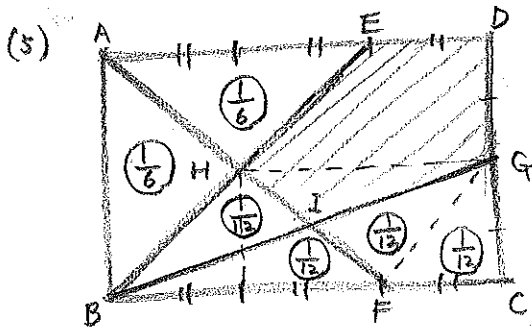
よって、(ウ): 9, (エ): 6 //

(3) 次に会うのは15日後、 $15=7 \times 2 + 1$  なので、曜日は1つだけ進むので、(オ): 月、次に会える最初の日曜日は、 $15 \times 7 = 105$  日後、よって、(カ)(キ): 8月13日 //

(4) どう焼き、ようかん、箱10の値段を①、△、□とする

$$\begin{cases} \textcircled{2} + \triangle + \square = 1150 \\ \textcircled{4} + \triangle + \square = 1250 \\ \textcircled{4} + \triangle + \square = 1620 \end{cases} \rightarrow \begin{cases} \textcircled{2} + \triangle + \square = 1150 \\ \textcircled{4} - \triangle = 100 \\ \textcircled{2} + \triangle = 470 \end{cases} \rightarrow \begin{cases} \textcircled{1} = 130 \\ \triangle = 210 \\ \square = 50 \end{cases}$$

よって、(ク): 50 //, (ケ):  $130 \times 3 + 210 \times 8 + 50 = 1070$  //

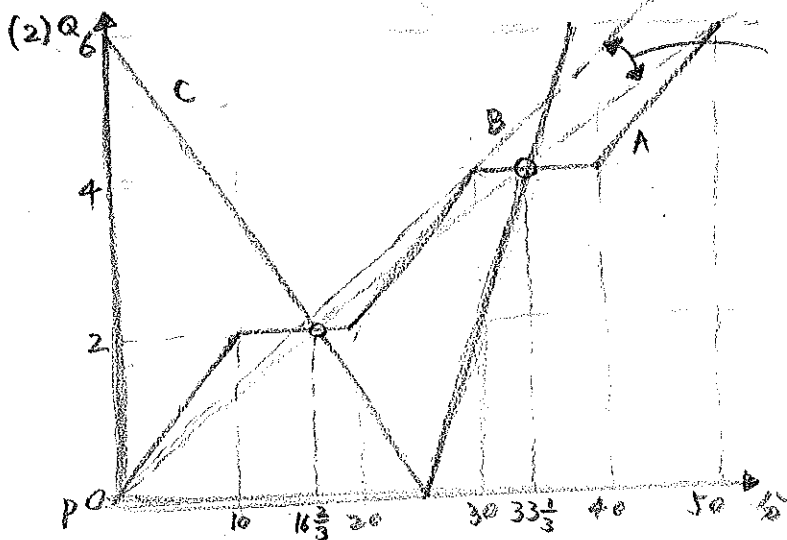


$BI : IG = BF : HG = 1 : 1$  // (コ)(カ)

全体の面積を①とすると各部の面積は左の通り、よって、(キ)部分は  $\frac{1}{3}$  なので、

(ク):  $180 \times \frac{1}{3} = 60$  //

(3) (1)  $2 \div 12 \times 60 = 10$  より、(ア):  $10 \times 5 = 50$  //



AとBが3回追いつくためのBの速度はこの範囲、よって、

(イ):  $6 \times \frac{60}{50} = 7.2$  //

(ウ):  $4 \times \frac{60}{30} = 8$  //

(3) Cのグラフは上の通り、CがPに着くのは25分であり、再びQに着くのは  $25 + (33\frac{1}{3} - 25) \times \frac{6}{4} = 37\frac{1}{2}$  より、

(エ)(オ): 37分30秒 //

④ (1) 図3より,  $AD=32\text{cm}$ .  $\triangle ABD$ と $\triangle AGE$ は相似より,  $5:3$

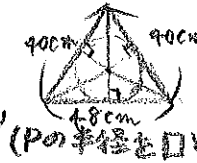
(2)  $EG=GD$ より,  $AG:GD=5:3$ .  $AD=32\text{cm}$ より,  $P$ の半径  $=GD=32 \times \frac{3}{8} = 12\text{cm}$

(別解)

三角形ABCの面積を2通りの方法で表す.



$\rightarrow 48 \times 32 \div 2 = 768$



$40 \times r \div 2 + 40 \times r \div 2 + 48 \times r \div 2$

(Pの半径をrとする)

この2つが等しくなることから,  $768 = (40+40+48) \times r \div 2 \rightarrow r = 12\text{cm}$

(3) PとQの大きさの比は  $AD:AI$  と等しい. よって, Qの半径  $= 12 \times \frac{8}{32} = 3\text{cm}$

⑤ (1) 「 $?-?=?$ 」の形, これは「 $0+4=4$ 」の形を探して「 $0-0=0$ 」「 $0-4=4$ 」に直す.

$(0, 4, 0) \rightarrow (1, 2, 3) (1, 3, 4) (1, 4, 5) (1, 5, 6) (1, 6, 7) (2, 3, 5) (2, 4, 6) (2, 5, 7) (3, 4, 7)$

よって,  $9 \times 2 = 18$ 通り (1つの(0,4,0)から式が2つ作れる)

(2) (1) 同様, 「 $?+?=??$ 」の形を探す. これは  $5+7=12, 6+7=13$ のみ.

よって,  $2 \times 2 = 4$ 通り

(3) (1) 同様, 「 $?+??=??$ 」の形を探す. 10の位がより上がることに気をつける.

- 「 $4+?7=?1$ 」「 $7+?4=?1$ 」  $\rightarrow 2$ 通りずつ
- 「 $5+?6=?1$ 」「 $6+?5=?1$ 」  $\rightarrow 2$ 通りずつ
- 「 $5+?7=?2$ 」「 $7+?5=?2$ 」  $\rightarrow 1$ 通りずつ
- 「 $6+?7=?3$ 」「 $7+?6=?3$ 」  $\rightarrow 2$ 通りずつ

$\rightarrow 14 \times 2 = 28$ 通り

⑥ (1) 立方体から三角すい4つを引く.  $8 \times 8 \times 6 - (8 \times 8 \div 2) \times 6 \div 3 = 128\text{cm}^3$

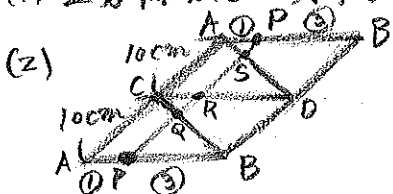


図6より, ACは10cmと分かるので,

長さの和は  $10+10=20\text{cm}$

(3) 上の図より,  $BQ:QC=BP:RC=3:1$

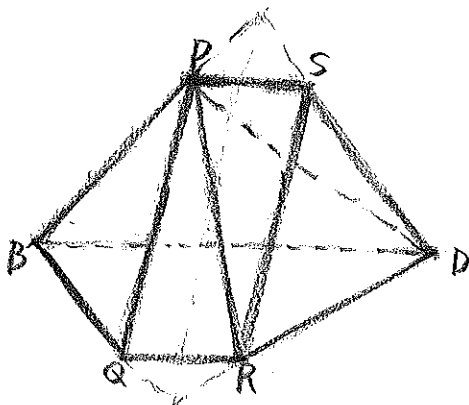
(4) 立体Vを切ると下の通り. Bを含む方の立体は四角すい.

$\triangle BCD$ を底面に見ると, 求める体積は

• 底面積が三角すいABCDの  $\frac{15}{16}$  倍

• 高さが三角すいABCDの  $\frac{3}{4}$  倍

であるので, 体積は  $\frac{15}{16} \times \frac{3}{4} = \frac{45}{64}$  倍



(5) 立体Vは四角すいPBDRQ + 三角すいPDRS. 三角すいPDRSの体積は

$\triangle ACD$ を底面と見たときに三角すいABCDの  $\frac{9}{16} \times \frac{1}{4} = \frac{9}{64}$  倍.

以上より, Vの体積は  $128 \times (\frac{45}{64} + \frac{9}{64}) = 108\text{cm}^3$